Problemas para el curso de Termodinámica estadística.

Andrés Cedillo Departamento de Química, Universidad Autónoma Metropolitana-Iztapalapa *

July 13, 2022

^{*}www.fqt.izt.uam.mx/cedillo

1 Una introducción a la termodinámica estadística.

1. Obtenga la ecuación 1.8 del texto. Tome la ecuación 1.6 y utilice la condición dada por la ecuación 1.7.

2 Los sistemas formados por partículas independientes.

- 1. Para un oscilador armónico unidimensional, verifique que una trayectoria de energía constante en el espacio de fase es una elipse. Además, obtenga los valores de sus ejes.
- 2. Considere a una partícula en el espacio tridimensional, sujeta a un potencial radial inverso con la distancia $V(r) = -\alpha/r$.
 - (a) Escriba a las componentes de los vectores de posición y de velocidad en coordenadas polares.
 - (b) Obtenga energía cinética en coordenadas polares.
 - (c) Encuentre los momentos conjugados de las coordenadas polares.
 - (d) Verifique que el momento angular es una constante del movimiento.
 - (e) Escriba a la energía como una función del momento radial y la coordenada radial.
 - (f) Identifique la forma de una trayectoria de energía constante en el espacio de fase.
 - (g) Encuentre un cambio de las variables que transforme la ecuación de trayectoria en un círculo.
- 3. Maximice el logaritmo de $t = N!/\Pi_j n_j!$ con respecto a cada n_i , sujeto a las condiciones de las ecuaciones 2.5. Verifique que se obtiene la expresión de la ecuación 2.11.
- 4. Deduzca detalladamente la expresión 2.15 a partir de los argumentos descritos en el texto, posteriores al postulado 2. Demuestre cada uno de los argumentos descritos ahí.
- 5. Utilice la ecuación 2.28 para demostrar la ecuación 2.29. Obtenga el comportamineto de la capacidad calorífica en los límites de las temperaturas bajas y altas.
- 6. Resuelva los problemas 4, 7, 8 y 9 del capítulo 2 del texto.

3 El gas monoatómico ideal.

- 1. Obtenga la energía interna, la presión y la entropía asociadas con la ecuación fundamental 3.3.
- 2. Resuelva los problemas 9, 11 y 15 del capítulo 3 del texto.

4 La distribución de Maxwell y Boltzmann.

1. Resuelva los problemas 3, 4, 5, 7, 10, 11, 12 y 20 del capítulo 4 del texto.

5 Las estadísticas cuánticas.

- 1. Derive a S de la ecuación 5.26 con respecto a U, a V y a N tomando en cuenta que los parámetros α y β dependen de U y V. Compare con el caso descrito en el texto.
- 2. Resuelva los problemas 1, 2, 6, 8 y 11 del capítulo 5 del texto.

6 Los sistemas que obedecen la estadística de Fermi y Dirac.

- 1. Para la función $\phi(y) \equiv e^y/(e^y+1)^2$,
 - (a) Identifique la paridad de la función ϕ .
 - (b) Encuentre los límites de la función ϕ cuando $y \to \pm \infty$.
 - (c) Obtenga la serie de Taylor de la función ϕ alrededor de y=0 hasta el cuarto orden.
 - (d) Cuando $y \gg 1$, ¿cuál es el comportamiento de la función ϕ ?
- 2. Considere a la función $g_n(z) \equiv \int_{-z}^{\infty} (y+z)^n \phi(y) dy$, en donde la función ϕ está definida en el problema 1 y z > 0.
 - (a) Toda función que es integrable en la recta real cumple con la propiedad $\int_{-a}^{\infty} F(x) \mathrm{d}x = \int_{-a}^{a} F(x) \mathrm{d}x + \int_{a}^{\infty} F(x) \mathrm{d}x, \text{ para todo valor de } a. \text{ Aplique esta propiedad a la función } g_n, \text{ identifique los términos conocidos y utilice la paridad de la función } \phi.$
 - (b) A partir de los resultados anteriores, analice el comportamiento de la función g_n para valores grandes de z. Identifique que aproximaciones se pueden realizar en el integrando.
- 3. Resuelva los problemas 7, 9, 16 y 18 del capítulo 6 del texto.

7 Los sistemas que obedecen la estadística de Bose y Einstein.

- 1. Resuelva los problemas 2, 3, 4, 6, 11, 15, 19 y 20 del capítulo 7 del texto.
- 8 Los sistemas formados por partículas con estructura interna.
 - 1. Resuelva los problemas 2, 3, 4, 5, 7, 8, 9, 13 y 14 del capítulo 8 del texto.
- 9 Los sistemas formados por partículas interactuantes.
 - 1. Resuelva los problemas 3, 4, 5, 7, 13 y 14 del capítulo 9 del texto.

10 Los sólidos cristalinos.

1. Resuelva los problemas 3, 8, 9 y 15 del capítulo 10 del texto.

11 Los gases reales.

1. Resuelva los problemas 2, 5, 6 y 16 del capítulo 11 del texto.